



اليوم: الخميس

التاريخ: ٢٧ / ٠٦ / ٢٠٢٤ م

مدة الامتحان: ساعتان وخمس وأربعون دقيقة

مجموع العلامات: (١٠٠) علامة

امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة

الدورة الأولى - لعام ٢٠٢٤ م

ملاحظة: عدد أسئلة الورقة (ستة) أسئلة، أجب عن (خمس) منها فقط.

القسم الأول: يتكون هذا القسم من (ثلاثة) أسئلة، وعلى المشترك أن يجيب عنها جميعاً.

السؤال الأول: (٢٠ علامة)

يتكون هذا السؤال من (١٠) فقرات من نوع اختيار من متعدد، من أربعة بدائل، اختر البديل الصحيح، ثم انقله إلى دفتر الإجابة:

$$١. إذا كانت $\begin{bmatrix} ٥ & ٣ & ٤ \\ ٤ & ٢ & ٦ \\ ٢ & ١ & ٢ \end{bmatrix} = ٢$ ، فما قيمة $٣ \begin{bmatrix} ١ \\ ٢ \\ ٣ \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} ١ \\ ٢ \\ ٣ \end{bmatrix}$ ؟$$

$$\begin{array}{l} ١١ \\ ٢ \\ ١٥ \\ ٢ \end{array}$$

٢. إذا كان $٧ = ٢س + هـ$ ، فما قيمة / قيم $س$ التي تجعل $٧ = ٢س + هـ$ ؟

$$\begin{array}{l} ٣ \pm \\ ٥ \pm \end{array}$$

٣. إذا كان $هـ(س)$ ، $٢(س)$ اقترانين أصليين للاقتران $٧(س)$ ، وكان $\begin{bmatrix} ٣ \\ ٢ \\ ١ \end{bmatrix}$ ، وكان $١٠ = ٢س + هـ(س)$ ،فما قيمة $\begin{bmatrix} ٣ \\ ٢ \\ ١ \end{bmatrix}$ ؟

$$\begin{array}{l} ٥٠ - \\ ٤٠ \\ ٥٠ \end{array}$$

٤. إذا كان $٣س + ٤ = ٢س + ٤$ ، فما قيمة $\frac{٣س}{٤س}$ عندما $٣ = ٤$ ؟

$$\begin{array}{l} \frac{٣}{٤} \\ \frac{١}{٢} \\ \frac{١}{٢} \end{array}$$

٥. ما قيمة $\begin{bmatrix} ٤ \\ ٣ \\ ٢ \end{bmatrix}$ ؟

$$\begin{array}{l} ٢ \\ \frac{٩}{٢} \\ ٦ \end{array}$$



تابع السؤال الأول:

٦. إذا كانت ٣ المصفوفة المحايدة في عملية ضرب المصفوفات من الرتبة ٣، فما قيمة $|٤ \text{ م } ٣|$ ؟

١٢

٤

٦٤

١٦

٧. إذا كان $هـ(س)$ ، $و(س)$ معرفين على الفترة $[٤، ٤-]$ ، وكان $هـ(س) = (١ + س^٢) \times و(س)$ ، وكان $و(س)$ متناقصاً على نفس الفترة، ويقع منحناه فوق محور السينات، أي الفترات الآتية يكون $هـ(س)$ متناقصاً فيها؟

[٤ ، ٠]

[٤ ، ٤-]

[٠ ، ٤-]

[٤ ، ٢-]

٨. إذا كانت $ص = \begin{bmatrix} ١ & ١ \\ ج & ١ \end{bmatrix}$ ، $ص^{-١} = \begin{bmatrix} ١- & ٢ \\ ١ & ١- \end{bmatrix}$ فما قيمة الثابت ج؟

١-

٢-

١

٢

٩. إذا كان $و(س)$ اقتراناً متصلاً على الفترة $[٢، ٦]$ ، وكان $\int_١^٦ و(س) \text{ د } س = ٦$ ، وكان $\int_{٥-}^٣ و(س) \text{ د } (٣ + س) = ٣٢$ ، فما قيمة $\int_{٢-}^١ و(س) \text{ د } س$ ؟

٣٨

٢٦

٧٦

٥٢

١٠. إذا كان لمنحنيي الاقترانين $و(س) = أ + س^٢$ ، $هـ(س) = ٢س^٢ + ب$ مماساً مشتركاً عند $س = ١$ ، فما قيمة الثابتين أ، ب على الترتيب؟

٤ ، ٣

٣ ، ٢

٢ ، ١

٣ ، ٢

السؤال الثاني: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كان $و(س) = \begin{cases} ١س^٢ + ٢س \\ ٣س - ب + ١٢ \end{cases}$ ، $٢ \geq س \geq ٠$ ، $٣ \geq س > ٢$ (٧ علامات)

أوجد قيمة كل من الثابتين أ، ب، علماً أن $و(س)$ بأن قابل للاشتقاق على الفترة $[٣، ٠]$.

(ب) إذا كان المستقيم $ص = س + ٢$ يمس منحنى الاقتران $و(س)$ عند $س = ٠$ ، وكان $و(س) = ٦س$ ، جد قاعدة الاقتران $و(س)$. (٧ علامات)

(ج) إذا كانت $أ = \begin{bmatrix} ١- & ٢- \\ ٣- & ٥ \end{bmatrix}$ ، $ج = \begin{bmatrix} ٤- & ٣ \\ ٥ & ٠ \end{bmatrix}$

أوجد المصفوفة $س$ ، بحيث $٢(أ + ج) - ٣س = س + ٢م$.



(٦ علامات)

السؤال الثالث: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كان $U(s) = 3$ جاس جتاس ، $s \in [0, \pi]$ ، جد فترات التزايد والتناقص للاقتران $U(s)$. (٨ علامات)

(٦ علامات)



(ب) إذا كان
$$= \begin{vmatrix} 1-s & 3 & 1 \\ s & 5 & s \\ s & 3 & 6 \end{vmatrix}$$
 صفر، جد قيمة / قيم s .

(٦ علامات)

(ج) أوجد قيمة
$$\int_1^2 \frac{1-s^2-s}{2+s} ds + \int_2^3 \frac{1+s+s^2}{2+s} ds$$
 .

القسم الثاني: يتكون هذا القسم من (ثلاثة) أسئلة، وعلى المشترك أن يجيب عن سؤالين منها فقط.

السؤال الرابع: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كان $U(s) = s^2 + s + 2$ ، وكان $U(1) = 2$ ، $U(\frac{1}{2}) = 6$ ، فجد الثابتين a ، b .

(٦ علامات)

(ب) إذا كان $U(s) = |s+2|$ ، $s \in [-5, 0]$ ، جد الاقتران المكامل $T(s)$.

(٧ علامات)

(ج) إذا كان متوسط التغير في الاقتران $U(s)$ في الفترة $[1, 3]$ يساوي ٤ ، احسب متوسط التغير في

(٧ علامات)

الاقتران $h(s) = s^2 - U(s)$ في نفس الفترة.

السؤال الخامس: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كان $U(s) = \begin{bmatrix} 1-s & 2 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}^{-1}$ ، $B = \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$ ، جد $(\frac{1}{2}A + B)^{-1}$.

(٦ علامات)

(ب) أوجد مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى الاقتران $U(s) = \text{جتاس}$ ومحور السينات في الفترة $[0, \pi]$.

(٦ علامات)

(ج) إذا كان $U(s) = s^3 + 4s^2 - 2$ ، $h(s) = \sqrt{1+s}$ ، وكان $(h \circ U)(2) = 18$ ،

(٨ علامات)

فما قيمة / قيم الثابت a ؟

السؤال السادس: (٢٠ علامة)

(أ) أوجد $U(s) = (3+s)(1-s)^2$.

(٦ علامات)

(ب) إذا كان $U(s)$ كثير حدود بحيث $U(0) = 0$ ، وكان $U'(0) = 7$ ، جد $\lim_{s \rightarrow \infty} \frac{h(s) - h(s)}{2 - (1+s)^2}$.

(٧ علامات)

(ج) تحرك جسم في خط مستقيم وفق العلاقة $h(s) = (h + b)^2$ ، $7 +$ ،

حيث h : تمثل بعد الجسم عن نقطة ثابتة بالأمتار، h : الزمن الثواني. فإذا كان تسارعه عندما $(h = 6)$ ث يساوي

(٧ علامات)

18 م/ث^2 ، ويعكس الجسم من اتجاه حركته في تلك اللحظة، جد قيم الثابتين a ، b .

انتهت الأسئلة