



ملاحظة: عدد أسئلة الورقة (سبعة) أسئلة، أجب عن (خمسة) منها فقط، على أن يكون السؤال الأول إجبارياً.

السؤال الأول: (٢٠ علامة)

يتكوّن هذا السؤال من (١٠) فقرات من نوع اختيار من متعدد، اختر البديل الصحيح، ثم انقله إلى دفتر إجابتك:

١. ما قيمة $\left[(٣س - ٢)س \right]$ ؟

$$(٣س + ج)$$

$$(٣س - ٢س + ج)$$

$$(٣س + ج)$$

$$(٣س - ٢س + ج)$$



٢. ما قيمة $\frac{ج - ١}{س}$ ؟

$$\left(\frac{١-}{٢} \right)$$

$$(١-)$$

$$(١)$$

$$\left(\frac{١}{٢} \right)$$

٣. إذا كان $ص = لرم س^٨$ ، حيث ه العدد النيبيري، فما قيمة $\frac{ص}{س}$ عندما $س = ٢$ ؟

$$(٤)$$

$$(٣)$$

$$(١٦)$$

$$(١٠)$$

٤. إذا كان $\begin{bmatrix} ١ & ٤ \\ ٢ & ٠ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ١ & ٢س \\ ١-ص & ٠ \end{bmatrix}$ ، فما قيمة كل من $س$ ، $ص$ بالترتيب؟

$$(١٤، ٢)$$

$$(٣، ٢)$$

$$(٣، ٤)$$

$$(٢، ٤)$$

٥. أيّ المصفوفات الآتية منفردة؟

$$\begin{bmatrix} ١ & ٣ \\ ٤ & ١١ \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} ٤ & ١ \\ ٨ & ٢- \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} ٢ & ٣ \\ ٤- & ٦- \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} ٠ & ١ \\ ١ & ٠ \end{bmatrix}$$

تابع السؤال الأول:

٦. إذا كانت s مصفوفة مربعة من الرتبة الثانية، وكان $|s^3| = 18$ ، فما قيمة $|s^2 - s|$ ؟

(٨ -)

(٤ -)

(٤)

(٨)

٧. يتحرك جسم في خط مستقيم وفق العلاقة $f(n) = 4n$ ، حيث f المسافة بالأمتار، n الزمن بالثواني.

إذا كانت $E(2) = 1$ م/ث فما قيمة تسارع الجسم بعد ثانيتين من بدء الحركة؟

 $(\frac{3}{8} \text{ م/ث}^2)$ (2 م/ث^2) $(\frac{3}{8} \text{ م/ث}^2)$ $(\frac{3}{4} \text{ م/ث}^2)$

٨. إذا كان $f(s) \geq 2$ لجميع قيم $s \in [1, 3]$ ، فما أكبر قيمة للمقدار $\int_{-1}^3 f(s) ds$ ؟

(١٦)

(٨)

(٢٤)

(٣٢)

٩. إذا كان $f(s)$ كثير حدود متزايداً على E ، وكان $f(s) = (s^2 - 4)f(s - 2)$ ، فما الفترة التي يكون

فيها $f(s)$ متناقصاً؟

 $[4, \infty)$ $[2, \infty)$ $[-2, \infty)$ $[4, \infty)$ 

١٠. ما قيمة $\int_4^6 \sqrt{(2-s)^2} ds$ ؟

(٢٢)

(٣٨)

(٨ -)

(٨)

السؤال الثاني: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كان $s^2 - s = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 2 & 1 & 3 \end{bmatrix}$ و $\begin{bmatrix} 1 & 4 & 2 \\ 6 & 5 & 1 \end{bmatrix} + s$ ، فجد المصفوفة s . (٦ علامات)

(ب) إذا كان $f(s) = \sqrt{s^2 + (s-4)}$ ، $f(4) = 6$ ، ما قيمة $f(4)$ ؟ (٦ علامات)

(ج) حدد فترات التزايد والتناقص لمنحنى الاقتران $f(s) = s^3 - 2s^2 + s + 1$ ، $s \in E$. (٨ علامات)

السؤال الثالث: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كانت $A = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 7 & 0 \end{bmatrix}$ ، $B = \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$ ، جد (١) $A - B$ (٢) $B^{-1} \times A$. (٨ علامات)

(ب) إذا كان $v = e^{2t} - 1$ ، $e = s^2 + 1$ ، جد الثابت A إذا علمت أن $\frac{dv}{ds} = 24$ عندما $s = 1$. (٦ علامات)

(ج) جد: $\int (f(s) \cdot g(s)) ds$. (٦ علامات)

السؤال الرابع: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كان $T(s) = \left\{ \begin{array}{l} s^2 + 2s - 2 \\ s^3 + s^2 + 1 \end{array} \right.$ ، هو الاقتران المكامل للاقتران المتصل $W(s)$ في الفترة $[0, 5]$ ، جد: قيم الثوابت a, b, c .

(٨ علامات)

(ب) جد قيمة التكامل $\int_1^2 \frac{s^2 + 2s - 2}{s^3 + s^2 + 1} ds$

(٥ علامات)

(ج) إذا كان $\int_1^2 \frac{W(s)}{T(s)} ds = 4$ ، وكان $\int_1^2 (3 - (s)W(s)) ds = 18$ ، فما قيمة $\int_1^2 W(s) ds$ ؟ (٧ علامات)

السؤال الخامس: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كانت معادلة المماس لمنحنى الاقتران $W(s)$ عند $s = 2$ هي: $s^2 - 5s + 0 = 0$ ، وكانت معادلة العمودي

على المماس لمنحنى الاقتران $H(s)$ عند $s = 2$ هي: $s^2 + 2s - 22 = 0$ ، وكان $L(s) = \frac{W(s)}{H(s)}$ حيث

(١٠ علامات)

$H(s) \neq 0$ ، جد قيمة: $L(2)$.

(١٠ علامات)

(ب) ما قيمة $\int_{-1}^1 \frac{1}{s^2 + 1} ds$ ؟

السؤال السادس: (٢٠ علامة)

(١٠ علامات)

(أ) حل المعادلة: $\begin{vmatrix} s & 3 & 0 \\ 0 & 1 & s \\ 3 & 2+s & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 3 & 9 \\ 1 & 3 \end{vmatrix}$ ، $s \in \mathbb{C}$.

(ب) إذا كان مقدار تغير الاقتران $W(s) = s^3 + 2(s-1)$ في الفترة $[0, 2]$ يساوي ١٢ ، فجد

(١٠ علامات)

متوسط تغير الاقتران $H(s)$ في الفترة $[-1, 1]$.

السؤال السابع: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كان $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} s & s \\ s & s-1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ استخدم طريقة النظير الضربي في إيجاد كل من s, v .

(١٠ علامات)

(ب) إذا كان $U(s) = \left\{ \begin{array}{l} s^2 + 2s + 1 \\ s^3 + s^2 + 1 \end{array} \right.$ ، $s \geq 1$ ، وكان $U(s)$ قابلاً للاشتقاق على $\mathbb{C}$ ،

(١٠ علامات)

جد قيمتي الثابتين a, b .



انتهت الأسئلة